

## ΘΕΜΑ 69

$$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} \quad f^6(x) + x^{18} = 2[x^3 f(x)]^3 \quad x \in \mathbb{R}.$$

)  $f(x) = x^3.$

)  $f$   $f^{-1}.$

)  $f(x) = x^2 + 1$   $\mu$   $.$   $\mu$

$\mu$   $\mu$   $\mu$   $.$   
)

**i.**  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{f(x) - \mu^3 x}$       **ii.**  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\mu f(x)}{x}$       **iii.**  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\mu f(x)}{x}$       **iv.**  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left( \sqrt{\frac{f(x)}{x-1}} - x \right)$

)  $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$   $x_0 = 0$   $x g(x) > x^3$   $x \neq 0,$

$g$   $.$

)  $x^4 + 3x^2 - 4x + 1 = f(x)$   $\mu$   $(0, 1).$

)  $\ln x + f(x) = 0$   $\mu$   $.$